

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

الدائرة

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مفهوم أساسي

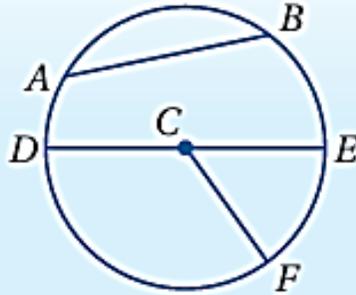
قطع مستقيمة خاصة في الدائرة

أضف إلى

مطويتك

نصف القطر هو قطعة مستقيمة يقع أحد طرفيها على المركز والطرف الآخر على الدائرة.

أمثلة: \overline{CD} , \overline{CE} , \overline{CF} أنصاف أقطار في $\odot C$.



الوتر هو قطعة مستقيمة يقع طرفاها على الدائرة.

أمثلة: \overline{AB} , \overline{DE} وتران في $\odot C$.

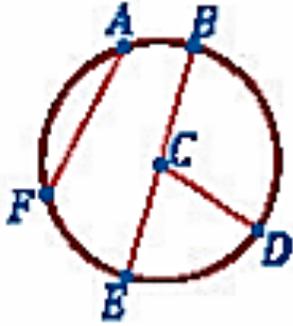
القطر هو وتر يمر بمركز الدائرة، ويتكوّن من نصفي قطرين يقعان على

استقامة واحدة.

مثال: \overline{DE} قطر في $\odot C$ ، ويتكوّن القطر \overline{DE} من نصفي القطرين \overline{CD} , \overline{CE} الواقعين على

استقامة واحدة.

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: القطر هو القطعة المستقيمة ... $\frac{01}{4}$

\overline{CE} (B)

\overline{FA} (A)

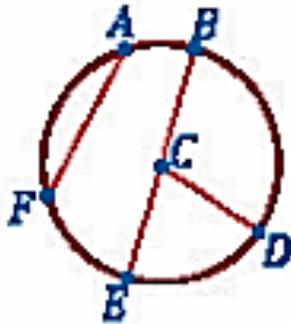
\overline{EB} (D)

\overline{CD} (C)

أمل باجووه

أمل عمر باجووه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: القطر هو القطعة المستقيمة ... $\frac{01}{4}$

\overline{CE} (B)

\overline{FA} (A)

\overline{EB} (D)

\overline{CD} (C)

أمل باجووه

أمل عمر باجووه

أضف إلى

مطوبتك

مفهوم أساسي

العلاقة بين القطر ونصف القطر

إذا كان نصف قطر الدائرة r وقطرها d فإن:

$$\text{صيغة نصف القطر: } r = \frac{d}{2} \text{ أو } r = \frac{1}{2}d \quad \text{صيغة القطر: } d = 2r$$

تنبيه !

القطر أو نصف القطر:

في المسائل التي تتضمن الدوائر، انتبه جيداً إلى ما إذا كانت المعطيات تتعلق بنصف قطر الدائرة أم بقطرها.

أضف إلى

مطوبتك

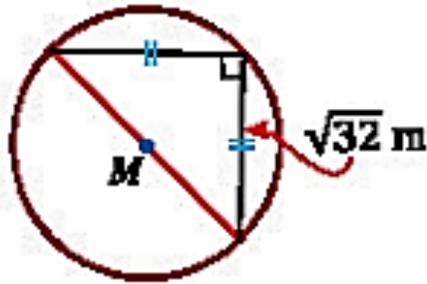
مفهوم أساسي

محيط الدائرة

التعبير اللفظي: إذا كان قطر الدائرة يساوي d ، أو نصف قطرها يساوي r ، فإن محيطها C يساوي حاصل ضرب القطر في π ، أو مثلي نصف القطر في π .

$$\text{الرموز: } C = \pi d \text{ أو } C = 2\pi r$$

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



محيط الدائرة في الشكل المجاور يساوي .. $\frac{02}{4}$

16π (B)

8π (A)

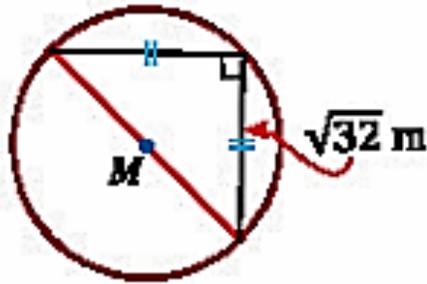
64π (D)

32π (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



محيط الدائرة في الشكل المجاور يساوي .. $\frac{02}{4}$

16π (B)

8π (A)

64π (D)

32π (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

حوض سباحة دائري محيطه 50 m ، ما أقرب طول نصف قطر المسبح؟ $\frac{03}{4}$

7 (B)

6 (A)

10 (D)

8 (C)

أمل عمر باجوده

أمل باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

$\frac{03}{4}$ حوض سباحة دائري محيطه 50 m ، ما أقرب طول نصف قطر المسبح؟

7 (B)

6 (A)

10 (D)

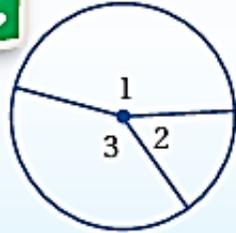
8 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

أضف إلى

مطويتك



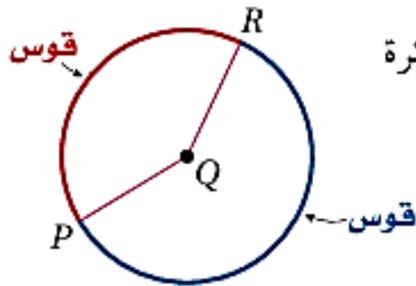
مجموع قياسات الزوايا المركزية

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: مجموع قياسات الزوايا المركزية في الدائرة، والتي لا تحوي نقاطاً داخلية مشتركة يساوي 360° .

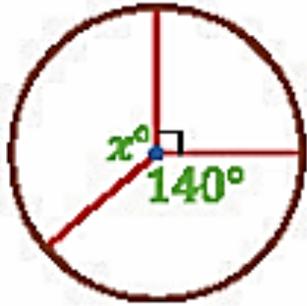
$$m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 = 360^\circ$$

مثال:



القوس هو جزء من دائرة يُحدّد بنقطتي طرفيه، وعند رسم زاوية مركزية، تنقسم الدائرة إلى قوسين، يرتبط قياس كل منهما بقياس الزاوية المركزية المقابلة له.

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



قيمة x في الشكل المجاور تساوي .. $\frac{04}{4}$

140 (B)

360 (A)

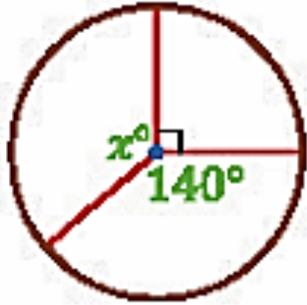
90 (D)

130 (C)

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



قيمة x في الشكل المجاور تساوي .. $\frac{04}{4}$

140 (B)

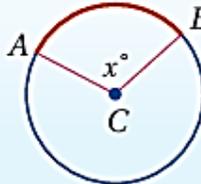
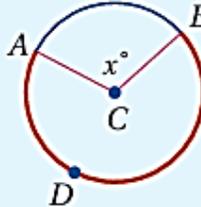
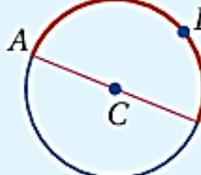
360 (A)

90 (D)

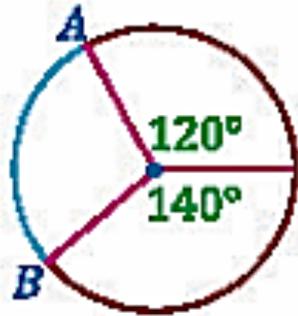
130 (C)

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

أضف إلى مطوبتك	مفاهيم أساسية	الأقواس وقياسها
	<p>يقال قياس القوس الأصغر عن 180° ، ويساوي قياس الزاوية المركزية المقابلة له.</p> $m\widehat{AB} = m\angle ACB = x^\circ$	<p>القوس الأصغر هو القوس الأقصر الذي يصل بين نقطتين على الدائرة.</p>
	<p>يزيد قياس القوس الأكبر على 180° ، ويساوي 360° مطروحاً منه قياس القوس الأصغر الذي يصل بين النقطتين نفسيهما.</p> $m\widehat{ADB} = 360^\circ - m\widehat{AB} = 360^\circ - x^\circ$	<p>القوس الأكبر هو القوس الأطول الذي يصل بين نقطتين على الدائرة.</p>
	<p>قياس نصف الدائرة يساوي 180°</p> $m\widehat{ADB} = 180^\circ$	<p>نصف الدائرة هي قوس تقع نقطتا طرفيه على قطر الدائرة.</p>

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{AB}$ يساوي .. $\frac{05}{4}$

100° (B)

60° (A)

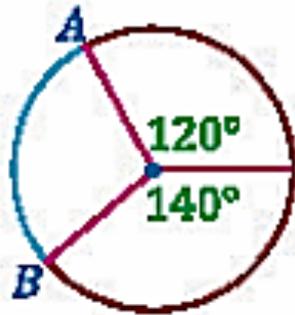
140° (D)

120° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



٥٤
4 ← في الشكل المجاور: $m\widehat{AB}$ يساوي ..

100° (B)

60° (A)

140° (D)

120° (C)

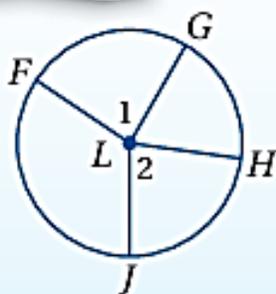
أمل باجموده

أمل عمر باجموده

الأقواس المتطابقة هي الأقواس التي تقع في الدائرة نفسها، أو في دائرتين متطابقتين، ويكون لها القياس نفسه.

أضف إلى

مطويتك

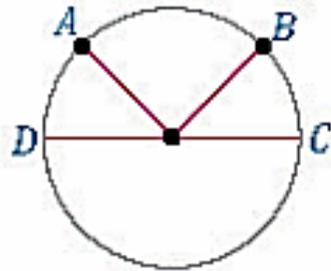


التعبير اللفظي: في الدائرة نفسها أو في دائرتين متطابقتين، يكون القوسان متطابقين، إذا وفقط إذا كانت الزاويتان المركزيتان المقابلتان لهما متطابقتين.

مثال: إذا كانت $\angle 1 \cong \angle 2$ ، فإن $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$.

إذا كان $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$ ، فإن $\angle 1 \cong \angle 2$.

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{AB} = 2m\widehat{BC}$ ◀ $\frac{06}{4}$

و $m\widehat{BC} = m\widehat{AD}$ ، إن $m\widehat{AD}$ يساوي ..

60° (B)

45° (A)

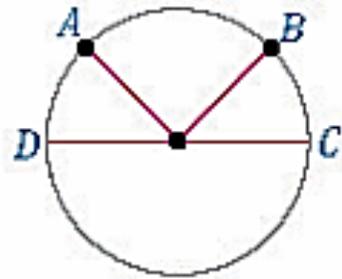
120° (D)

90° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{AB} = 2m\widehat{BC}$ ← $\frac{06}{4}$

و $m\widehat{BC} = m\widehat{AD}$ ، إن $m\widehat{AD}$ يساوي ..

60° (B)

45° (A)

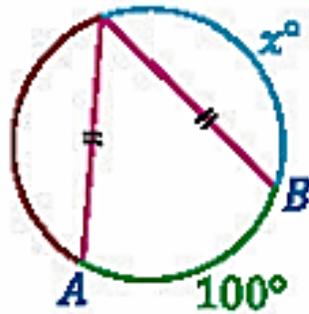
120° (D)

90° (C)

$$\frac{180^\circ}{4} = 45^\circ$$

أمل باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{AB} = 100^\circ$ ، إن قيمة x .. $\frac{07}{4}$

100 (B)

50 (A)

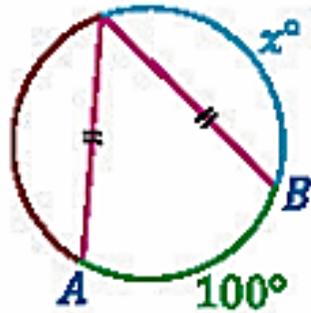
140 (D)

130 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{AB} = 100^\circ$ ، إن قيمة x .. $\frac{07}{4}$

100 (B)

50 (A)

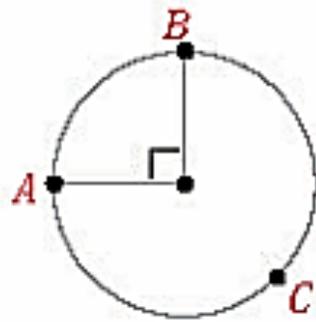
140 (D)

130 (C)

$$\frac{260}{2} = 130$$

أمل باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{ACB}$ يساوي .. $\frac{08}{4}$

90° (B)

45° (A)

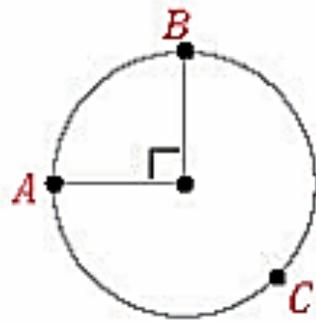
270° (D)

180° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\widehat{ACB}$ يساوي .. $\frac{08}{4}$

90° (B)

45° (A)

270° (D)

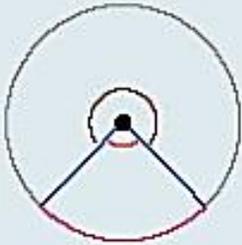
180° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده



الأقواس وقياسها



◀ القوس الأصغر زاويته المركزية أقل من 180° .

◀ القوس الأكبر زاويته المركزية أكبر من 180° .

◀ قياس القوس يساوي قياس الزاوية المركزية المقابل لها.

◀ نصف الدائرة زاويته المركزية 180° .

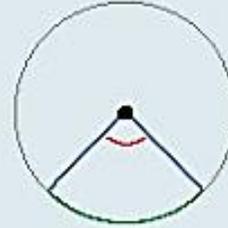
◀ تطابق الأوتار يؤدي إلى تطابق أقواسها، والعكس

صحيح.

أمل باجموده



الزاوية المركزية

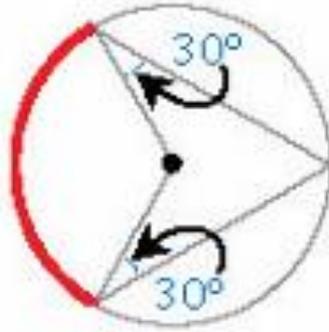


◀ المقصود بها: زاوية رأسها

مركز الدائرة وضلعها نصف قطرين للدائرة.

◀ مجموع الزوايا المركزية يساوي 360° .

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



ما قياس القوس المظلل في الشكل المجاور؟ $\frac{09}{4}$

120° (B)

60° (A)

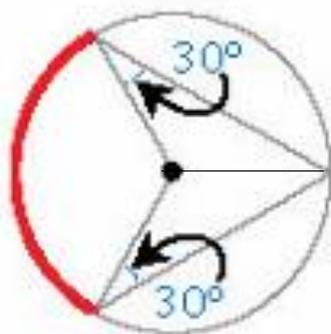
240° (D)

180° (C)

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



ما قياس القوس المظلل في الشكل المجاور؟ $\frac{09}{4}$

120° (B)

60° (A)

240° (D)

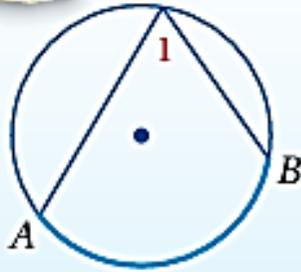
180° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

أضف إلى

مطويتك



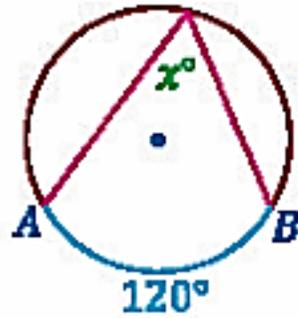
نظرية الزاوية المحيطية

التعبير اللفظي: قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المقابل لها.

$$m\angle 1 = \frac{1}{2}m\widehat{AB}, m\widehat{AB} = 2m\angle 1$$

مثال:

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AB} = 120^\circ$ فإن $\frac{10}{4}$ قيمة x تساوي ..

100 (B)

60 (A)

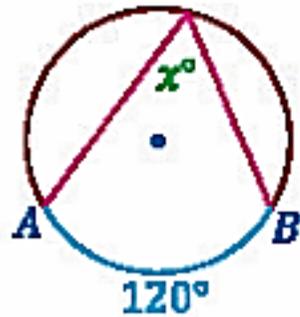
240 (D)

120 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AB} = 120^\circ$ فإن $\frac{10}{4}$ قيمة x تساوي ..

100 (B)

60 (A)

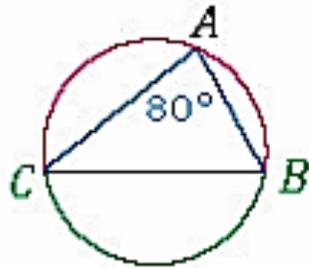
240 (D)

120 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



ما قياس القوس CB في الشكل المجاور؟ $\frac{11}{4}$

80° (B)

40° (A)

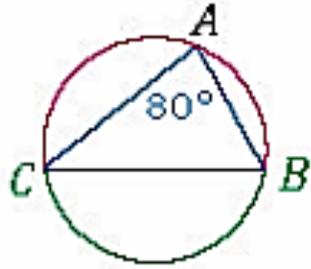
240° (D)

160° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



$$80^\circ \times 2 = 160^\circ$$

ما قياس القوس CB في الشكل المجاور؟ $\frac{11}{4}$

80° (B)

40° (A)

240° (D)

160° (C)

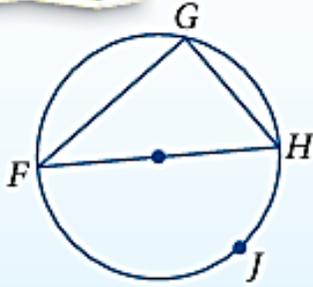
أمل باجموه

أمل عمر باجموه

أضف إلى

مطوبتك

النظرية 4.8

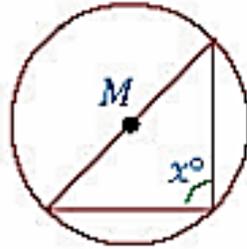


التعبير اللفظي: تقابل الزاوية المحيطية في مثلث قطرًا أو نصف دائرة، إذا وفقط إذا كانت هذه الزاوية قائمة.

مثال: إذا كانت \widehat{FJH} نصف دائرة، فإن $m\angle G = 90^\circ$.

إذا كان $m\angle G = 90^\circ$ ، فإن \widehat{FJH} هي نصف دائرة، ويكون \overline{FH} قطرًا فيها.

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كانت M مركز الدائرة فما
قيمة x ؟

120 (B)

180 (A)

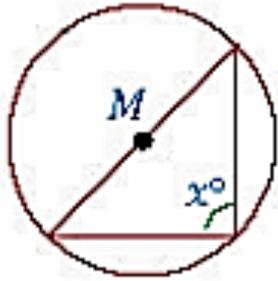
60 (D)

90 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كانت M مركز الدائرة فما $\frac{12}{4}$ قيمة x ؟

120 (B)

180 (A)

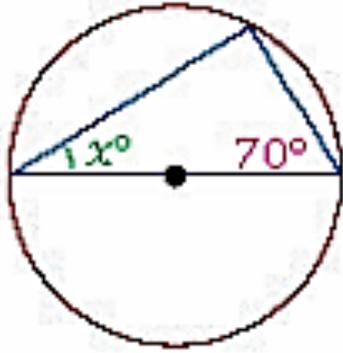
60 (D)

90 (C)

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



قيمة x في الشكل المجاور تساوي .. $\frac{13}{4}$

40 (B)

20 (A)

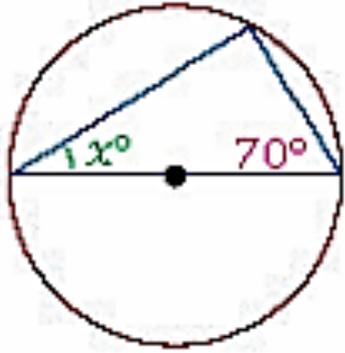
80 (D)

60 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



قيمة x في الشكل المجاور تساوي .. $\frac{13}{4}$

40 (B)

20 (A)

80 (D)

60 (C)

أمل باجموده

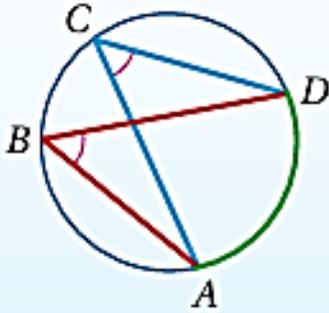
أمل عمر باجموده

أضف إلى

مطويتك

نظرية 4.7

التعبير اللفظي: إذا قابلت زاويتان محيطيتان في دائرة القوس نفسه أو قوسين متطابقين، فإن الزاويتين تكونان متطابقتين.



مثال: $\angle B, \angle C$ تقابلان \widehat{AD} ، إذن $\angle B \cong \angle C$.

مثال:

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{14}{4}$

50 (B)

25 (A)

120 (D)

100 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{14}{4}$

50 (B)

25 (A)

120 (D)

100 (C)

$$2x^\circ - 50^\circ = x^\circ$$

$$2x^\circ - x^\circ = 50^\circ$$

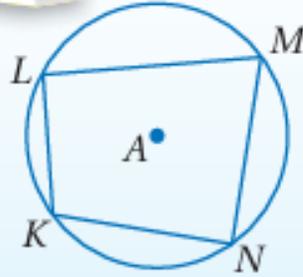
$$x^\circ = 50^\circ$$

أمل باجموه

أضف إلى

مطويتك

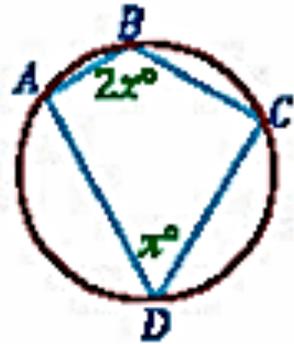
نظرية 4.9



التعبير اللفظي: إذا كان الشكل الرباعي محاطًا بدائرة، فإن كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.

مثال: إذا كان الشكل الرباعي $KLMN$ محاطًا بـ $\odot A$ ، فإن $\angle L, \angle N$ متكاملتان و $\angle K, \angle M$ متكاملتان أيضًا.

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\angle B$ يساوي .. $\frac{15}{4}$

60° (B)

30° (A)

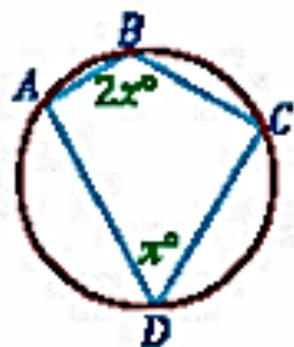
180° (D)

120° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\angle B$ يساوي .. $\frac{15}{4}$

60° (B)

30° (A)

180° (D)

120° (C)

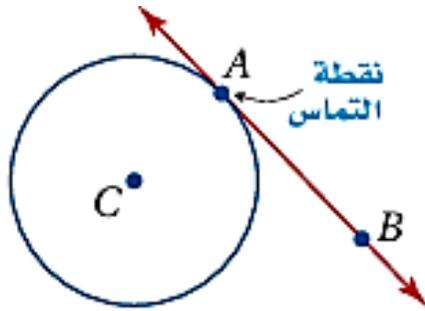
$$3x = 180^\circ$$

$$3 \times 60 = 180^\circ$$

$$x = 60^\circ$$

أمل باجموه

أمل عمر باجموه



المماسات: المماس هو مستقيم يقع في المستوى نفسه الذي تقع فيه الدائرة

ويقطعها في نقطة واحدة فقط، تُسمى **نقطة التماس**. \overrightarrow{AB} مماس لـ $\odot C$ عند النقطة A، ويُسمى كلٌّ من \overline{AB} , \overrightarrow{AB} مماسًا للدائرة أيضًا.

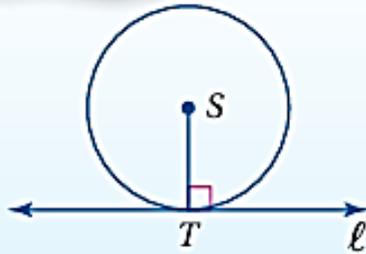
أضف إلى

مطويتك

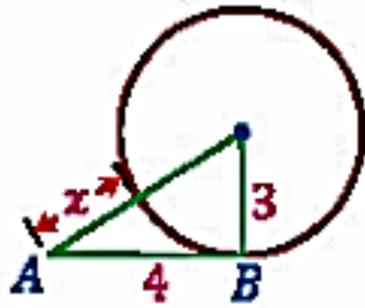
النظرية 4.10

التعبير اللفظي: يكون المستقيم مماسًا لدائرة في المستوى نفسه، إذا وفقط إذا كان عمودياً على نصف القطر عند نقطة التماس.

مثال: يكون المستقيم ℓ مماسًا لـ $\odot S$ ، إذا وفقط إذا كان $\ell \perp \overline{ST}$.



مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{16}{4}$

3 (B)

2 (A)

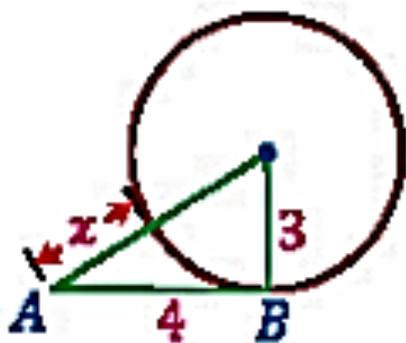
5 (D)

4 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{16}{4}$

3 (B)

2 (A)

5 (D)

4 (C)

ثلاثيات فيثاغورس 3,4,5

الوتر 5

$$5 - 3 = 2 = \text{المطلوب}$$

أمل باجموه

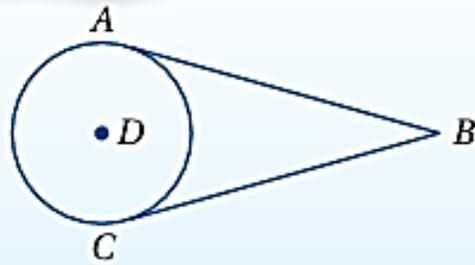
أضف إلى

مطويتك

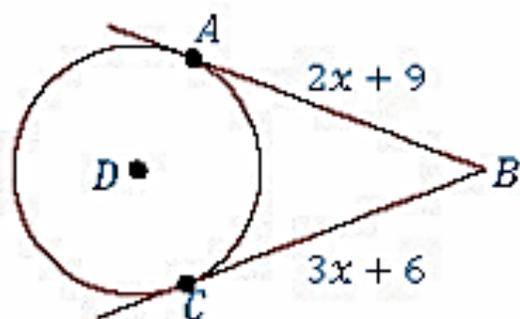
نظرية 4.11

التعبير اللفظي: إذا رُسمت قطعتان مستقيمتان مماستان لدائرة من نقطة خارجها فإنهما متطابقتان.

مثال: إذا كان \overline{AB} , \overline{CB} مماسان لـ $\odot D$ فإن $\overline{AB} \cong \overline{CB}$.



مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كانت $\overline{AB}, \overline{CB}$ $\frac{17}{4}$

مماسين للدائرة D فإن قيمة x تساوي ..

3 (B)

1 (A)

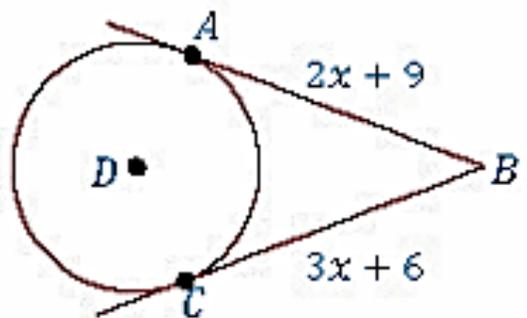
9 (D)

6 (C)

أمل باجووه

أمل عمر باجووه

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كانت $\overline{AB}, \overline{CB}$ $\frac{17}{4}$

مماسين للدائرة D فإن قيمة x تساوي ..

3 (B)

1 (A)

9 (D)

6 (C)

$$3x + 6 = 2x + 9$$

$$x = 3$$

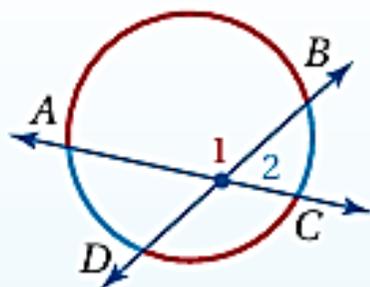
أمل باجموده

أضف إلى

مطوبتك

نظرية 4.12

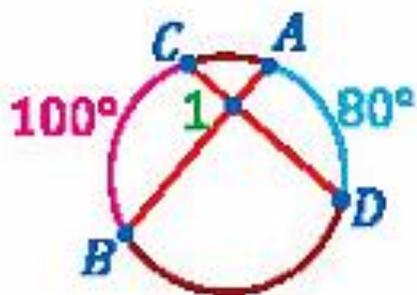
التعبير اللفظي: إذا تقاطع قاطعان أو وتران داخل دائرة، فإن قياس الزاوية المتكوّنة من التقاطع يساوي نصف مجموع قياسَي القوس المقابل لهذه الزاوية والقوس المقابل للزاوية التي تقابلها بالرأس.



$$m\angle 2 = \frac{1}{2} (m\widehat{DA} + m\widehat{BC}) \text{ و } m\angle 1 = \frac{1}{2} (m\widehat{AB} + m\widehat{CD})$$

مثال:

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AD} = 80^\circ$ ، $\frac{18}{4}$

فإن $m\widehat{CB} = 100^\circ$ يساوي ..

90° (B)

80° (A)

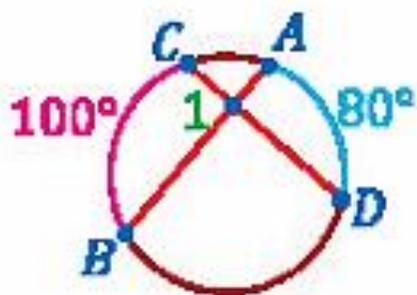
180° (D)

100° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AD} = 80^\circ$ ، $\frac{18}{4}$

فإن $m\widehat{CB} = 100^\circ$.. $m\angle 1$ يساوي

90° (B)

80° (A)

180° (D)

100° (C)

$$\frac{100^\circ + 80^\circ}{2} = 90^\circ$$

أمل باجموه

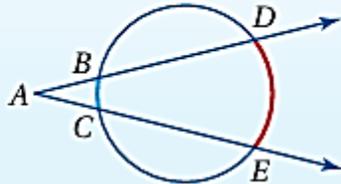
مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

التقاطع خارج الدائرة: يمكن أن يتقاطع قاطعان أو قاطع ومماس أو مماسان خارج الدائرة أيضًا، وهنا يرتبط قياس الزوايا المتكونة بقياسي القوسين المقابلين لها.

نظرية 4.14

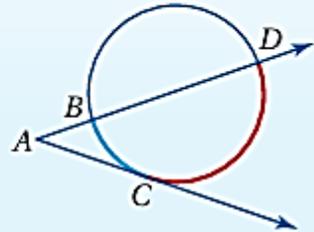
التعبير اللفظي: إذا تقاطع قاطعان أو قاطع ومماس أو مماسان في نقطة خارج دائرة، فإن قياس الزاوية المتكونة يساوي نصف الفرق الموجب بين قياسي القوسين المقابلين لها.

أمثلة:



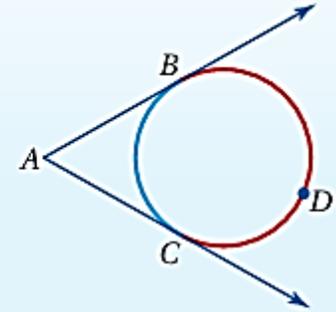
قاطعان

$$m\angle A = \frac{1}{2} (m\widehat{DE} - m\widehat{BC})$$



قاطع ومماس

$$m\angle A = \frac{1}{2} (m\widehat{DC} - m\widehat{BC})$$

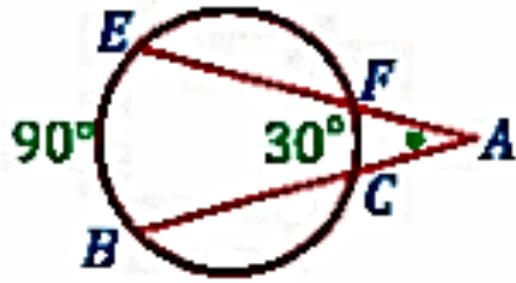


مماسان

$$m\angle A = \frac{1}{2} (m\widehat{BDC} - m\widehat{BC})$$

أمل باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\angle A$ يساوي .. $\frac{19}{4}$

60° (B)

30° (A)

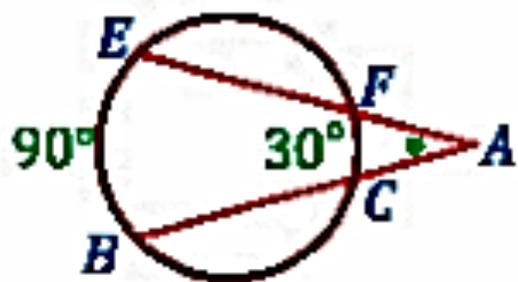
120° (D)

90° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



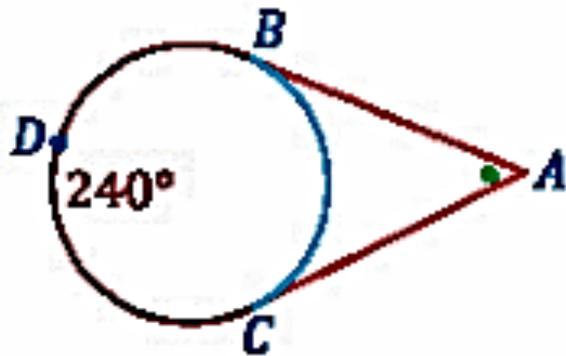
في الشكل المجاور: $m\angle A$ يساوي .. $\frac{19}{4}$

- 30° (A)
 60° (B)
 90° (C)
 120° (D)

أمل باجموده

$$\frac{90^\circ - 30^\circ}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\angle A$ يساوي $\frac{20}{4}$..

80° (B)

60° (A)

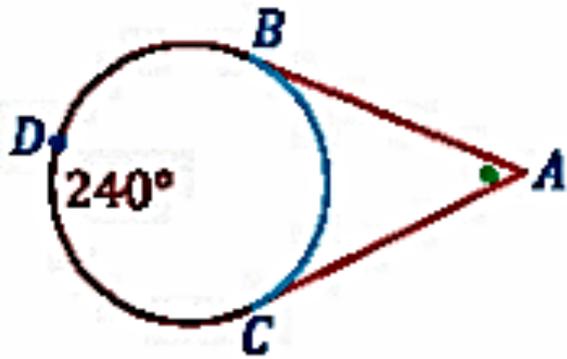
240° (D)

120° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: $m\angle A$ يساوي $\frac{20}{4}$..

80° (B)

60° (A)

240° (D)

120° (C)

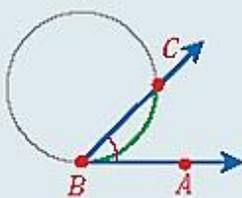
$$\frac{240^\circ - 120^\circ}{2} = 60^\circ$$

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

الزاوية المماسية



المقصود بها: زاوية محصورة بين وتر في الدائرة ومماس لها.

$$m\angle ABC = \frac{1}{2}m\widehat{BC}$$

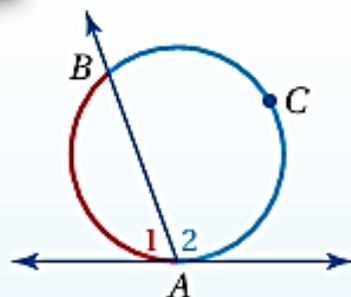
أضف إلى

مطوبتك

نظرية 4.13

نظرية الزاوية المماسية

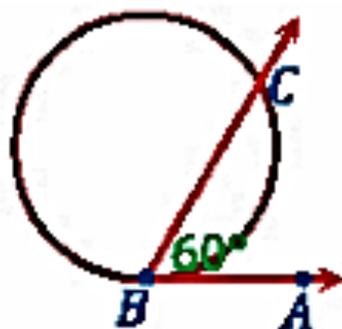
التعبير اللفظي: إذا تقاطع مماس وقاطع عند نقطة التماس، فإن قياس كل زاوية متكونة من التقاطع يساوي نصف قياس القوس المقابل لها.



$$m\angle 2 = \frac{1}{2}m\widehat{ACB} \text{ و } m\angle 1 = \frac{1}{2}m\widehat{AB}$$

مثال:

أمل بأجوده



في الشكل المجاور: إذا كان $m\angle ABC = 60^\circ$ ◀ $\frac{21}{4}$

و \overline{AB} مماس فإن $m\widehat{BC}$ يساوي ..

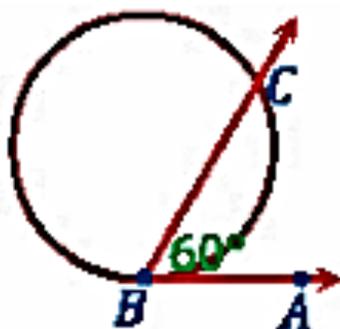
60° (B)

30° (A)

150° (D)

120° (C)

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\angle ABC = 60^\circ$ ← $\frac{21}{4}$

و \overline{AB} مماس فإن $m\widehat{BC}$ يساوي ..

60° (B)

30° (A)

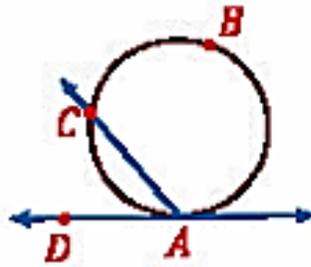
150° (D)

120° (C)

$$60^\circ \times 2 = 120^\circ$$

أمل باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{ABC} = 260^\circ$ ← $\frac{22}{4}$

و \overline{AD} مماس فإن $m\angle DAC$ يساوي ..

130° (B)

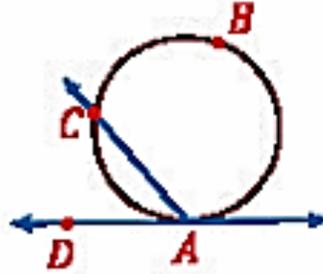
260° (A)

50° (D)

100° (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{ABC} = 260^\circ$ ← $\frac{22}{4}$

و \overline{AD} مماس فإن $m\angle DAC$ يساوي ..

130° (B)

260° (A)

50° (D)

100° (C)

إيجاد الزاوية المماسية للقوس الكبير
ثم طرحها من 180 درجة

$$\frac{260^\circ}{2} = 130^\circ$$

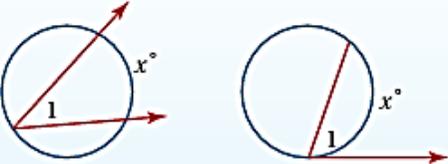
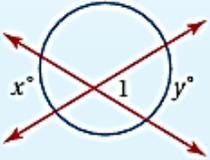
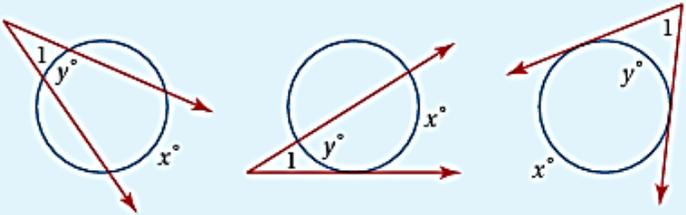
$$180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

إيجاد القوس الصغير
وقسمته على 2

$$\frac{360^\circ - 260^\circ}{2} = \frac{100^\circ}{2} = 50^\circ$$

أمل بأجوده

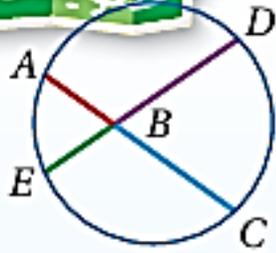
مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

أضف إلى مطويتك	ملخص المفهوم الدائرة وعلاقات الزوايا	
قياس الزاوية	نماذج	موقع رأس الزاوية
<p>نصف قياس القوس المقابل</p> $m\angle 1 = \frac{1}{2}x^\circ$		<p>على الدائرة</p>
<p>نصف مجموع قياسَي القوس المقابل للزاوية، والقوس المقابل للزاوية التي تقابلها بالرأس.</p> $m\angle 1 = \frac{1}{2}(x^\circ + y^\circ)$		<p>داخل الدائرة</p>
<p>نصف الفرق الموجب بين قياسَي القوسين المقابلين لها</p> $m\angle 1 = \frac{1}{2}(x^\circ - y^\circ)$		<p>خارج الدائرة</p>

أمل باجموه

أضف إلى

مطويتك



نظرية 4.15

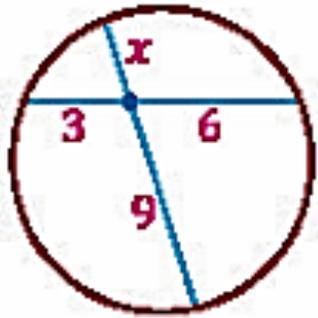
نظرية قِطْعِ الوتر

التعبير اللفظي: إذا تقاطع وتران في دائرة، فإن حاصل ضرب طولي جزأي الوتر الأول يساوي حاصل ضرب طولي جزأي الوتر الثاني.

$$AB \cdot BC = DB \cdot BE$$

مثال:

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{23}{4}$

3 (B)

2 (A)

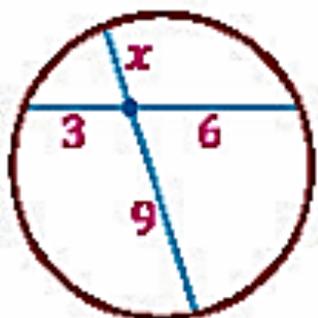
9 (D)

6 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{23}{4}$

3 (B)

2 (A)

9 (D)

6 (C)

$$3 \times 6 = x \times 9$$

$$18 = x \times 9$$

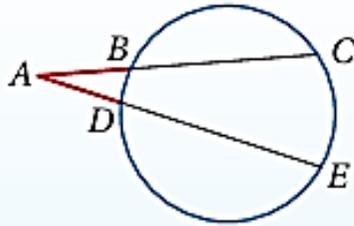
$$x = 2$$

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

أضف إلى

مطويتك



نظرية القاطع

4.16 نظرية

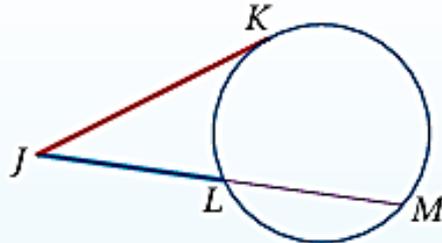
التعبير اللفظي: إذا رُسم قاطعان لدائرة من نقطة خارجها، فإن حاصل ضرب طول القاطع الأول في طول الجزء الخارجي منه، يساوي حاصل ضرب طول القاطع الثاني في طول الجزء الخارجي منه.

$$AC \cdot AB = AE \cdot AD$$

مثال:

أضف إلى

مطويتك

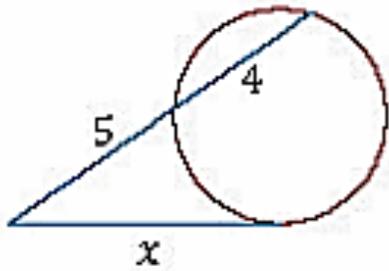


التعبير اللفظي: إذا رُسم مماسٌ وقاطع لدائرة من نقطة خارجها، فإن مربع طول المماس يساوي حاصل ضرب طول القاطع في طول الجزء الخارجي منه.

$$JK^2 = JL \cdot JM$$

مثال:

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{24}{4}$

$3\sqrt{5}$ (B)

20 (A)

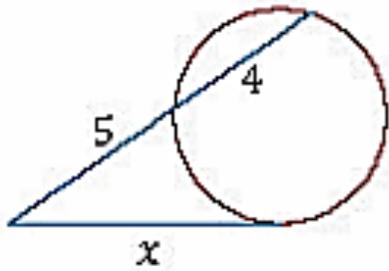
4.5 (D)

9 (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعاهدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: قيمة x تساوي .. $\frac{24}{4}$

$3\sqrt{5}$ (B)

20 (A)

4.5 (D)

9 (C)

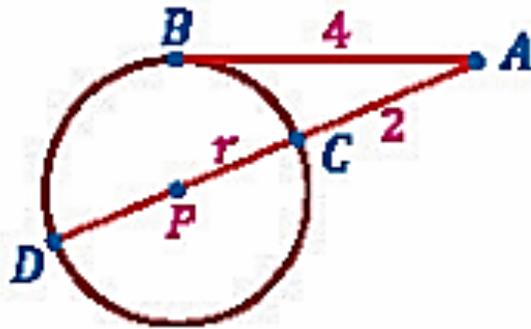
طول القاطع \times الخارجي من القاطع = مربع المماس

$$\sqrt{5 \times 9} = 3\sqrt{5}$$

أمل باجموه

أمل عمر باجموه

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: مساحة الدائرة $\frac{25}{4}$

بالوحدة المربعة ..

16π (B)

36π (A)

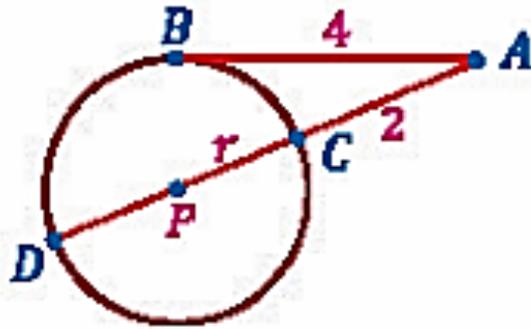
4π (D)

9π (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



في الشكل المجاور: مساحة الدائرة $\frac{25}{4}$

بالوحدة المربعة ..

16 π (B)

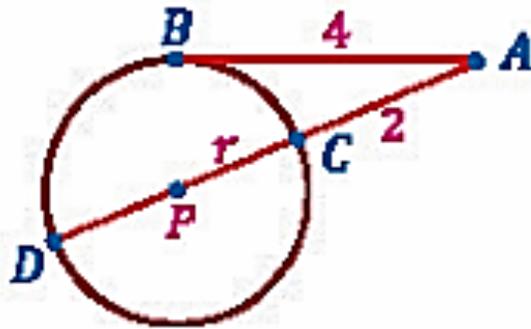
36 π (A)

4 π (D)

9 π (C)

استخدام الاستبعاد هنا مفيد بعد تجذير الأعداد
حيث نحذف الإجابة A, B لكون القطر أكبر من
العدد المطلوب ثم نجرب التعويض C, D

أمل باجموه



في الشكل المجاور: مساحة الدائرة $\frac{25}{4}$
بالوحدة المربعة ..

16π (B)

36π (A)

4π (D)

9π (C)

$$16 = 2(2 + 2r)$$

$$8 = 2 + 2r$$

$$6 = 2r$$

$$r = 3$$

$$A = r^2\pi$$

$$A = 9\pi$$

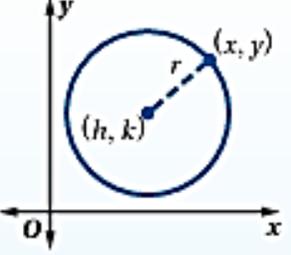
أضف إلى مطوبتك

مفهوم أساسي

الصيغة القياسية لمعادلة الدائرة

الصيغة القياسية لمعادلة الدائرة التي مركزها (h, k) ،
وطول نصف قطرها r هي: $(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$.

الصيغة القياسية لمعادلة الدائرة تُسمى أيضًا صيغة المركز ونصف القطر.



مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

ما مركز الدائرة التي معادلتها $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 4$ ؟ $\frac{26}{4}$

(2, -1) (B)

(-2, -1) (A)

(2, 1) (D)

(-2, 1) (C)

أمل عمر باجوده

أمل باجوده

ما مركز الدائرة التي معادلتها $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 4$ ؟ $\frac{26}{4}$

(2, -1) (B)

(-2, -1) (A)

(2, 1) (D)

(-2, 1) (C)

طول قطر الدائرة $(x - 3)^2 + (y - 6)^2 = 16$ يساوي .. $\frac{27}{4}$

(A) 3 وحدات

(B) 4 وحدات

(C) 8 وحدات

(D) 16 وحدة

طول قطر الدائرة $(x - 3)^2 + (y - 6)^2 = 16$ يساوي .. $\frac{27}{4}$

(A) 3 وحدات

(B) 4 وحدات

(C) 8 وحدات

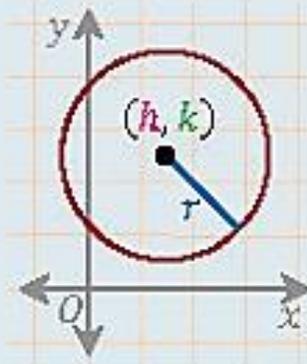
(D) 16 وحدة

المطلوب قطر ، نجزر ونضرب الناتج في ٢

$$\sqrt{16} = r$$

$$2r = 2 \times 4 = 8$$

معادلة الدائرة



◀ معادلة الدائرة التي مركزها

(h, k) وطول نصف قطرها

r هي ..

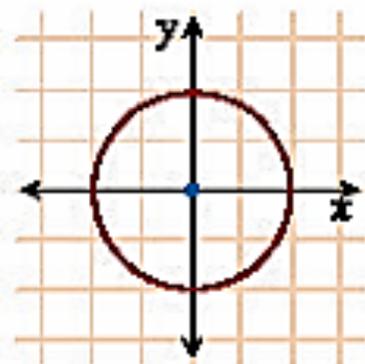
$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

◀ معادلة الدائرة التي مركزها $(0,0)$ وطول نصف

قطرها r هي ..

$$x^2 + y^2 = r^2$$

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



معادلة الدائرة المبينة في الشكل المجاور هي .. $\frac{28}{4}$

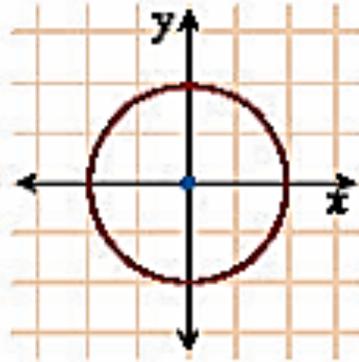
$x^2 + y^2 = 4$ (B) $x^2 + y^2 = 2$ (A)

$x^2 + y^2 = 16$ (D) $x^2 + y^2 = 8$ (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ



معادلة الدائرة المبينة في الشكل المجاور هي ..

$\frac{28}{4}$

$x^2 + y^2 = 4$ (B)

$x^2 + y^2 = 2$ (A)

$x^2 + y^2 = 16$ (D)

$x^2 + y^2 = 8$ (C)

أمل باجموده

أمل عمر باجموده

أيّ النقاط التالية تقع على الدائرة $x^2 + (y + 2)^2 = 25$ ؟ $\frac{29}{4}$

(1, 24) Ⓐ

(0, -2) Ⓑ

(0, 3) Ⓒ

(10, 15) Ⓓ

أيّ النقاط التالية تقع على الدائرة $x^2 + (y + 2)^2 = 25$ ؟ $\frac{29}{4}$

× (1, 24) Ⓐ

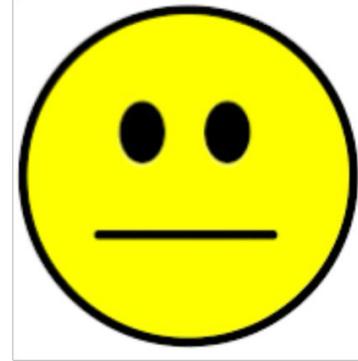
(0, -2) Ⓐ ×

(0, 3) Ⓓ

(10, 15) Ⓒ ×

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

ما شعورك بالنسبة للتدريب ؟



أمل باجموده

أمل عمر باجموده

مبادرة مكتب تعليم المعابدة تدريب تحصيلي ١٤٤٥ هـ

سبحانك اللهم وبحمدك أشهد أن لا
إله إلا أنت أستغفرك و أتوب إليك.

أمل باجموه

أمل عمر باجموه